

**Контрольно-оценочные средства для проведения текущего
контроля
по ПОД.10 Математика
(1 курс, 2 семестр 2022-2023 уч. г.)**

Текущий контроль №1

Форма контроля: Контрольная работа (Сравнение с аналогом)

Описательная часть: Письменный

Задание №1

Выполните задания (один из возможных вариантов задания):

1) Переведите значения градусной меры углов в радианную:

$30^\circ, 80^\circ, 135^\circ, 146^\circ$.

Переведите в градусную меру: $\frac{3\pi}{8}, \frac{5\pi}{3}$

2)

Определите знаки выражений

$$\sin 115^\circ \cdot \cos 267^\circ$$

3) $\sin(-243^\circ) \cdot \cos 100^\circ$

Найдите на числовой окружности очки: $\frac{\pi}{4}; -\frac{5\pi}{4};$

4)

Оценка	Показатели оценки
3	Решены два задания
4	Решены три задания
5	Решены четыре задания

Задание №2

Решите (один из возможных вариантов задания):

Найдите $\cos x$, $\operatorname{tg} x$, $\operatorname{ctg} x$, если $\sin x = -\frac{1}{2}$ (4 четверть)

1)

2) Вычислите $\sin 2\alpha$, $\cos 2\alpha$, если $\cos \alpha = -\frac{1}{3}$ и $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$.

Оценка	Показатели оценки
3	Решено задание 1).
4	Решено задание 1), вычислено значение $\sin \alpha$ из задания 2).
5	Решено задание 1), вычислено значение $\sin \alpha$ из задания 2). вычислены значения $\sin 2\alpha$, $\cos 2\alpha$, из задания 2)

Задание №3

Решите уравнения (один из возможных вариантов задания):

1) $2\sin x - 1 = 0$

2) $2\sin^2 x + 3\cos x - 3 = 0;$

3) $\sin x + \cos x = 0$

Оценка	Показатели оценки
3	Решено одно уравнение
4	Решены два уравнения
5	Решены три уравнения

Текущий контроль №2

Форма контроля: Контрольная работа (Информационно-аналитический)

Описательная часть: Письменный

Задание №1

(Один из возможных вариантов задания):

1. Пусть $f(x) = 3x^2 - 6$. Найдите $f(2)$

Найдите, какое значение функция $y = \frac{x^2 - x + 2}{x - 1}$ принимает при $x = -3$:

3. Найдите область определения функции: $y = \frac{2}{x - 1}$

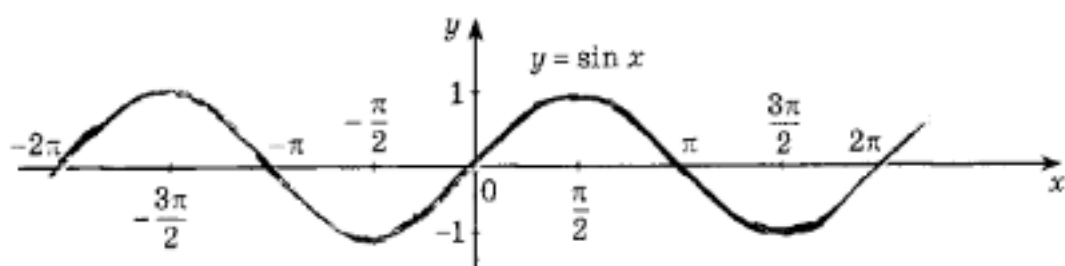
4. Найдите область определения функции:
 $y = \sqrt{10x - 5}$

Оценка	Показатели оценки
3	Решены два задания
4	Решены три задания
5	Решены четыре задания

Задание №2

Обозначьте все корни уравнения $\sin x = \frac{1}{2}$ на промежутке $[-2\pi; \pi]$ на

графике:

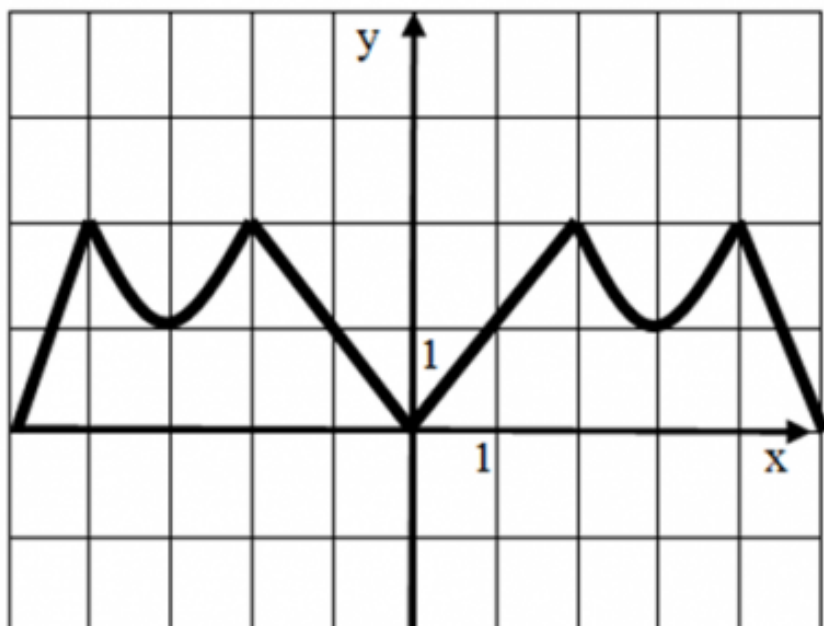


(один из возможных вариантов задания)

Оценка	Показатели оценки
3	Найден один корень уравнения
4	Найдены два корня уравнения
5	Найдены три корня уравнения

Задание №3

Опишите функцию, график которой изображен на рисунке



- 1) укажите область определения;
- 2) укажите множество значений;
- 3) является ли функция четной или нечетной?
- 4) укажите промежутки возрастания и убывания.

(один из возможных вариантов задания)

Оценка	Показатели оценки
3	Указаны два свойства
4	Указаны три свойства
5	Указаны четыре свойства

Задание №4

1. На рисунке 1 точками показана среднесуточная температура воздуха каждый день с 17 ноября по 5 декабря. По горизонтали указываются числа месяца, по вертикали — температура в градусах Цельсия. Для наглядности точки соединены линией. Используя график, определите наибольшую среднесуточную температуру в период с 22 ноября по 3 декабря.

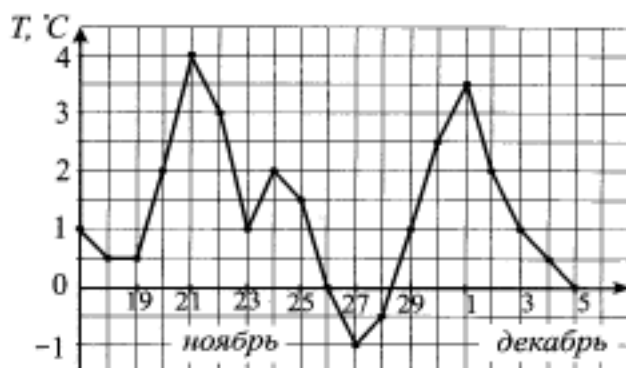


Рис. 1.

Порядок выполнения задания

1. Прочитайте текст задачи.
2. Определите, изменение какой величины характеризует график.
3. Найдите цену деления по вертикали.
4. Выделите период времени, о котором говорится в задаче.
5. Определите наибольшую среднесуточную температуру.
6. Запишите ответ.

Максимальное число баллов - 2

2. Определите по графику (см. рис. 2) длину промежутка, на котором значения функции $y = f(x)$ будут не больше -2 .

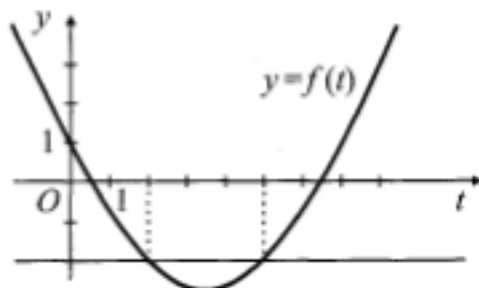


Рис. 2.

Максимальное число баллов - 3

(один из возможных вариантов задания)

Оценка	Показатели оценки
3	Суммарное число набранных баллов -3
4	Суммарное число набранных баллов 4
5	Суммарное число набранных баллов -5

Задание №5

Сила переменного электрического тока является функцией, зависящей от времени, и выражается формулой

$$I = A \sin (\omega t + \varphi),$$

где A — амплитуда колебания, ω — частота, φ — начальная фаза.

$$A = 2, \quad \omega = 1, \quad \varphi = \frac{\pi}{4}$$

Запишите формулу для построения графика с использованием численных значений величин в виде $y = f(x)$.

Укажите виды простейших преобразований вспомогательного графика $y = \sin x$, необходимые для построения графика полученной функции.

(один из возможных вариантов задания)

Оценка	Показатели оценки
3	Записана формула для построения графика с использованием численных значений величин $y =$ $2 \sin \left(x - \frac{\pi}{4} \right).$

4	Записана формула для построения графика с использованием численных значений $2 \sin \left(x - \frac{\pi}{4} \right).$ величин $y =$ Указан один вид простейших преобразований вспомогательного графика $y = \sin x$ для построения графика полученной функции. (сдвиг вспомогательного графика вправо на $\frac{\pi}{4}$ или растяжение вспомогательного графика в 2 раза вдоль оси oY)
5	Записана формула для построения графика с использованием численных значений $2 \sin \left(x - \frac{\pi}{4} \right).$ величин $y =$ Указаны 2 вида простейших преобразований вспомогательного графика $y = \sin x$ для построения графика полученной функции. (сдвиг вспомогательного графика вправо на $\frac{\pi}{4}$ и растяжение вспомогательного графика в 2 раза вдоль оси oY)

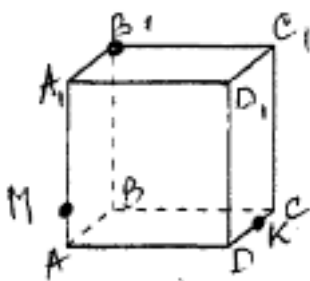
Текущий контроль №3

Форма контроля: Практическая работа (Информационно-аналитический)

Описательная часть: Письменный

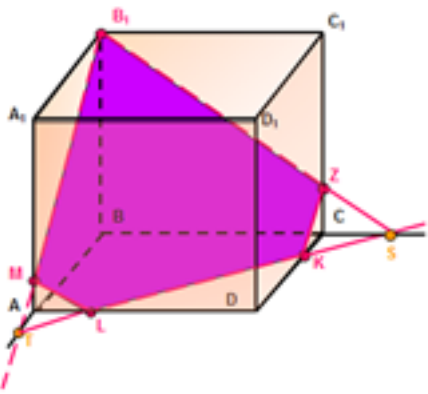
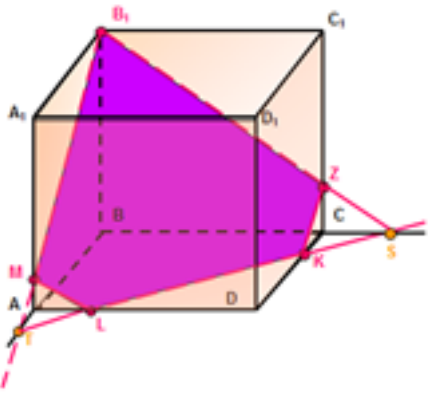
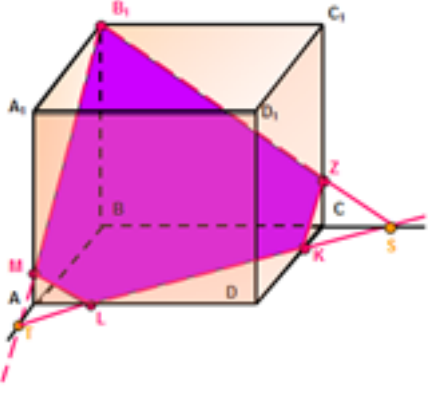
Задание №1

Построить сечение куба плоскостью MB₁K

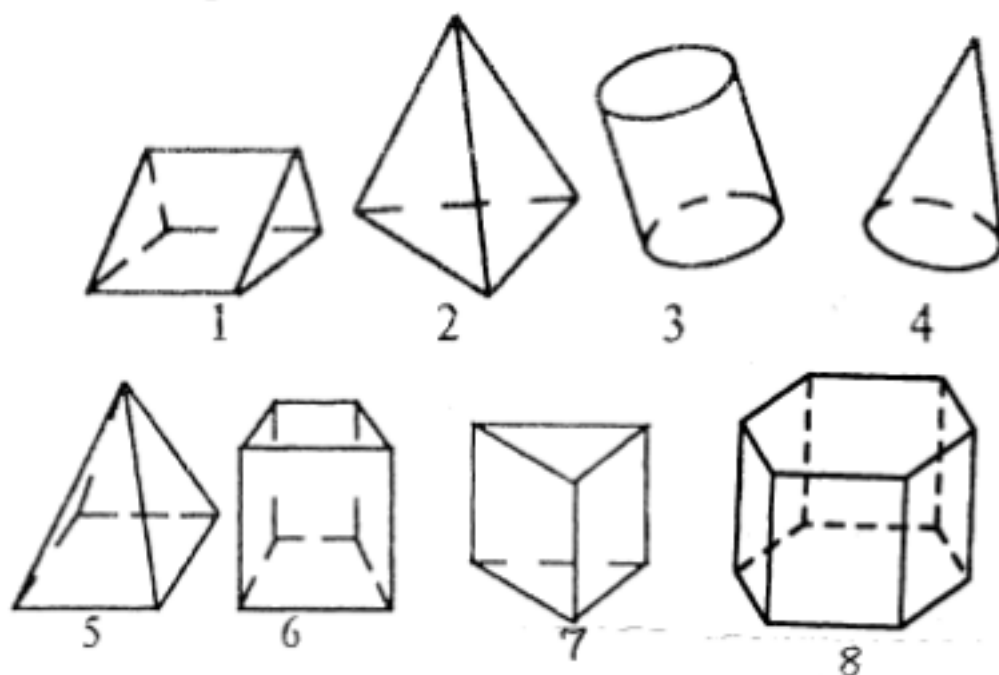


(один из возможных вариантов задания)

Оценка	Показатели оценки

3	Проведена прямая B_1M до пересечения с ребром AB. Полученная точка соединена с точкой K.: 
4	Проведена прямая B_1M до пересечения с ребром AB. Полученная точка соединена с точкой K и продолжена до пересечения с ребром BC. Получена новая точка. Эта точка соединена с точкой B_1. 
5	Проведена прямая B_1M до пересечения с ребром AB. Полученная точка соединена с точкой K и продолжена до пересечения с ребром BC. Получена новая точка. Эта точка соединена с точкой B_1. Обозначены полученные точки на ребрах AD и C_1C. Заштриховано сечение. 

1. Среди изображенных тел выберите, те которые являются призмами



Оценка	Показатели оценки
3	Указаны два номера из четырех (1,6,7,8)
4	Указаны три номера из четырех (1,6,7,8)
5	Указаны четыре номера из четырех (1,6,7,8)

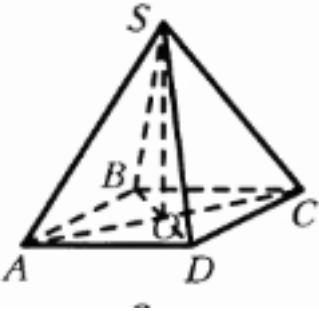
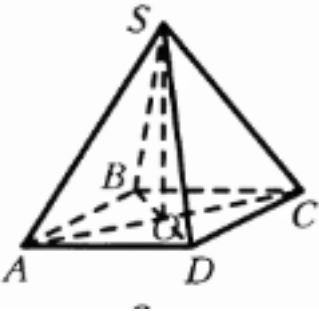
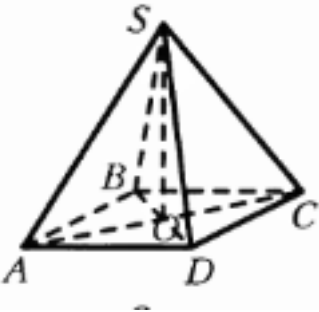
Задание №3

Решить задачу, построить чертеж.

(один из возможных вариантов задания)

В правильной четырёхугольной пирамиде $SABCD$ точка O – центр основания, S – вершина, $SC = 13$, $AC = 10$. Найдите высоту пирамиды.

Оценка	Показатели оценки

3	Построен чертеж к задаче, записана формула для вычисления высоты пирамиды 
4	Построен чертеж к задаче, записана формула для вычисления высоты пирамиды  Установлено, что в основании пирамиды - квадрат. Найдено значение половины диагонали основания.
5	Построен чертеж к задаче, записана формула для вычисления высоты пирамиды  Установлено, что в основании пирамиды - квадрат. Найдено значение половины диагонали основания. Вычислена длина высоты пирамиды.

Задание №4

Решить задачу (один из возможных вариантов задания):

Три латунных куба с ребрами 3 см, 4 см и 5 см переплавлены в один куб. Какую длину имеет ребро этого куба?

Оценка	Показатели оценки
3	Вычислена сумма объемов трех кубов.
4	Вычислена сумма объемов трех кубов. Записана формула объема куба
5	Вычислена сумма объемов трех кубов. Записана формула объема куба. Вычислено ребро полученного куба, как корень кубический из суммы объемов трех кубов

Задание №5

Ответьте на вопросы:

1. Многоугольники из которых составлены многогранники – это ...
 2. Перпендикуляр, проведенный из какой-нибудь точки одного основания к плоскости другого – это ... многогранника
- Треугольная призма
3. В треугольной призме можно провести диагональ.
 4. В основании треугольной призмы может лежать равнобедренный треугольник? (да, нет)
 5. В правильной треугольной призме в основании лежит
- Треугольная призма имеетребер
6. Боковые грани прямой треугольной призмы...
 7. Если в основании прямой призмы лежит правильный многоугольник то призма называется...
 - 8.
- Четырехугольная призма
10. В основании четырехугольной призмы может лежать ромб? (да, нет)
 11. Сколько вершин имеет куб?

Оценка	Показатели оценки
3	Даны ответы на 5-7 вопросов
4	Даны ответы на 8-9 вопросов
5	Даны ответы на 10-11 вопросов

Текущий контроль №4

Форма контроля: Контрольная работа (Информационно-аналитический)

Описательная часть: Письменный

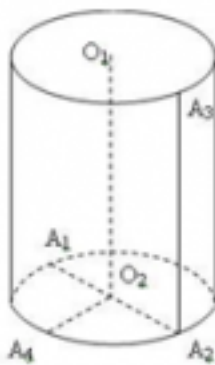
Задание №1

Пройти тест (правильный ответ 1 балл):

1. Какая фигура находится в основаниях цилиндра:

- а) сфера;
- б) круг;
- в) эллипс.

2. Назовите отрезок, который является радиусом цилиндра:



- а) O_2A_1 ;
- б) O_2O_1 ;
- в) A_3A_2 .

3. Укажите на рисунке образующую цилиндра:

- а) O_1O_2 ;
- б) A_2A_3 ;
- в) A_1A_2 .

4. Высота цилиндра это:

- а) расстояние между плоскостями его оснований;
- б) отрезок, который соединяет две любые точки оснований;
- в) отрезок, который соединяет центр круга с любой точкой цилиндра.

5. Какая фигура является осью цилиндра?

- а) прямая O_1O_2 ;
- б) отрезок O_1O_2 ;
- в) отрезок A_1A_2 .

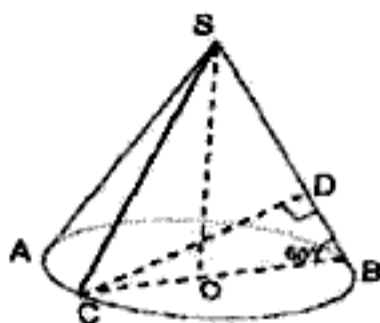
6. Равносторонний цилиндр – это цилиндр, у которого:

- а) образующая равна высоте;
- б) радиус основания равен высоте цилиндра;
- в) диаметр основания равен высоте цилиндра.

7. Какая фигура является основанием конуса:

- а) окружность;
- б) круг;
- в) эллипс.

8. Назовите отрезок, который является радиусом конуса:



- а) CB
- б) CO
- в) SA

9. Укажите на рисунке образующую конуса:

- а) SO;
- б) SC;
- в) CB.

Оценка	Показатели оценки
--------	-------------------

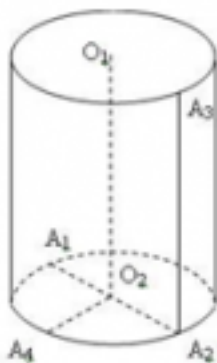
Задание №2

Пройти тест (правильный ответ 1 балл):

1. Какая фигура находится в основаниях цилиндра:

- а) сфера;
- б) круг;
- в) эллипс.

2. Назовите отрезок, который является радиусом цилиндра:



- а) O_2A_1 ;
- б) O_2O_1 ;
- в) A_3A_2 .

3. Укажите на рисунке образующую цилиндра:

- а) O_1O_2 ;
- б) A_2A_3 ;
- в) A_1A_2 .

4. Высота цилиндра это:

- а) расстояние между плоскостями его оснований;
- б) отрезок, который соединяет две любые точки оснований;
- в) отрезок, который соединяет центр круга с любой точкой цилиндра.

5. Какая фигура является осью цилиндра?

- а) прямая O_1O_2 ;
- б) отрезок O_1O_2 ;
- в) отрезок A_1A_2 .

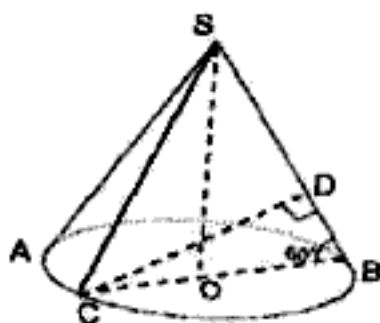
6. Равносторонний цилиндр – это цилиндр, у которого:

- а) образующая равна высоте;
- б) радиус основания равен высоте цилиндра;
- в) диаметр основания равен высоте цилиндра.

7. Какая фигура является основанием конуса:

- а) окружность;
- б) круг;
- в) эллипс.

8. Назовите отрезок, который является радиусом конуса:



- а) CB
- б) CO
- в) SA

9. Укажите на рисунке образующую конуса:

- а) SO;
- б) SC;
- в) CB.

Оценка	Показатели оценки

3	4-5 правильных ответов Ключ к тесту: 1)б; 2)а; 3)а, б; 4)а; 5)а; 6)в; 7)б; 8)б; 9)а
4	6-7 правильных ответов Ключ к тесту: 1)б; 2)а; 3)а, б; 4)а; 5)а; 6)в; 7)б; 8)б; 9)а
5	8-9 правильных ответов Ключ к тесту: 1)б; 2)а; 3)а, б; 4)а; 5)а; 6)в; 7)б; 8)б; 9)а

Задание №3

Решить задачи (один из возможных вариантов задания):

Площадь осевого сечения цилиндра равна 144 см^2 . Найдите площадь боковой поверхности цилиндра.

1. Площадь осевого сечения равностороннего конуса равна 81 см^2 . Вычислите площадь его полной поверхности.
2. Длина радиуса шара равна 5 см. Найдите площадь его поверхности.
- 3.

Оценка	Показатели оценки
--------	-------------------

Задание №4

Решить задачи (один из возможных вариантов задания):

Площадь осевого сечения цилиндра равна 144 см^2 . Найдите площадь боковой поверхности цилиндра.

1. Площадь осевого сечения равностороннего конуса равна 81 см^2 . Вычислите площадь его полной поверхности.
2. Длина радиуса шара равна 5 см. Найдите площадь его поверхности.
- 3.

Оценка	Показатели оценки
3	Решена одна задача
4	Решены две задачи
5	Решены три задачи

Текущий контроль №5

Форма контроля: Практическая работа (Информационно-аналитический)

Описательная часть: Письменный

Задание №1

1. Пользуясь определением производной, найдите производные функций:

а) $y = 5x^3 - x^2 + 4$;

б) $f(x) = x^4 - 3x^2 + 2$;

в) $f(x) = \cos x - x^4 + 2^x + 2\sqrt{x}$;

г) $f(x) = x \cdot \sin x$;

д) $f(x) = \frac{2x - 1}{x^2 + 2}$

(один из возможных вариантов задания)

Оценка	Показатели оценки
--------	-------------------

Задание №2

1. Пользуясь определением производной, найдите производные функций:

а) $y = 5x^3 - x^2 + 4$;

б) $f(x) = x^4 - 3x^2 + 2$;

в) $f(x) = \cos x - x^4 + 2^x + 2\sqrt{x}$;

г) $f(x) = x \cdot \sin x$;

д) $f(x) = \frac{2x - 1}{x^2 + 2}$

(один из возможных вариантов задания)

Оценка	Показатели оценки
3	Найдены три производные
4	Найдены четыре производные
5	Найдены все 5 производных

Задание №3

Исследуйте функцию на экстремумы (один из возможных вариантов задания) :

$$y = x^3 - 3x^2$$

Оценка	Показатели оценки
--------	-------------------

Задание №4

Исследуйте функцию на экстремумы (один из возможных вариантов задания) :

$$y = x^3 - 3x^2$$

Оценка	Показатели оценки
3	Найдена производная, вычислены критические точки, область определения функции разбита на интервалы монотонности
4	Найдена производная, вычислены критические точки, область определения функции разбита на интервалы монотонности. Определены знаки производной в каждом интервале, обозначено возрастание, убывание функции на интервалах
5	Найдена производная, вычислены критические точки, область определения функции разбита на интервалы монотонности. Определены знаки производной в каждом интервале, обозначено возрастание, убывание функции на интервалах. Определен вид экстремума, вычислены максимумы, минимумы функции

Задание №5

Найдите наибольшее и наименьшее значение функции на заданном отрезке

(один из возможных вариантов задания):

$$f(x) = \frac{1}{4}x^4 - 2x^2 + 1, \quad x \in [-1; 3]$$

Оценка	Показатели оценки
--------	-------------------

Задание №6

Найдите наибольшее и наименьшее значение функции на заданном отрезке

(один из возможных вариантов задания):

$$f(x) = \frac{1}{4}x^4 - 2x^2 + 1, \quad x \in [-1; 3]$$

Оценка	Показатели оценки
3	Найдена производная, вычислены критические точки, область определения функции разбита на интервалы монотонности. Определены знаки производной в каждом интервале, обозначено возрастание, убывание функции на интервалах

4	Найдена производная, вычислены критические точки, область определения функции разбита на интервалы монотонности. Определены знаки производной в каждом интервале, обозначено возрастание, убывание функции на интервалах. Определен вид экстремума, вычислены максимумы, минимумы функции
5	Найдена производная, вычислены критические точки, область определения функции разбита на интервалы монотонности. Определены знаки производной в каждом интервале, обозначено возрастание, убывание функции на интервалах. Определен вид экстремума, вычислены максимумы, минимумы функции. Вычислены значения функции на концах промежутка, указаны наибольшее и наименьшее значения функции

Задание №7

В какой точке касательная к кривой $y = x^2 - 1$ образует с осью ox угол 45 градусов?

Оценка	Показатели оценки
3	Дано понятие углового коэффициента прямой: $k = \tan A$. найдена производная
4	Дано понятие углового коэффициента прямой: $k = \tan A$. найдена производная, найдено значение аргумента x , при котором $k = 1$.
5	Найдена точка, в которой касательная к кривой $y = x^2 - 1$ образует с осью ox угол 45 градусов.

Задание №8

Требуется вырыть яму объемом 32 кв.м., имеющую квадратное дно, так чтобы на облицовку ее дна

и стен пошло наименьшее количество материала. Каковы должны быть размеры ямы?

Оценка	Показатели оценки
3	Правильно выражены стороны дна и высота ямы, составлена функция площади дна и стенок
4	Составлена функция площади дна и стенок, найдена производная функции
5	Найден минимум функции площади дна и стенок, вычислены размеры ямы

Текущий контроль №6

Форма контроля: Контрольная работа (Информационно-аналитический)

Описательная часть: Письменный

Задание №1

Скорость движения точки изменяется по закону $S = (3t^2 + 2t + 1)$ м/с. Найдите путь, пройденный точкой за 10 с от начала движения.

Запишите формулу вычисления пути, пройденного точкой, с помощью определенного интеграла

(один из возможных вариантов задания)

Оценка	Показатели оценки
3	Записана формула вычисления пути, пройденного точкой, с помощью определенного интеграла $s = \int_{t_1}^{t_2} f(t) dt.$
4	Записана формула вычисления пути, пройденного точкой, с помощью определенного интеграла $s = \int_{t_1}^{t_2} f(t) dt.$ Записан интеграл: $s = \int_0^{10} (3t^2 + 2t + 1) dt$
5	Записана формула вычисления пути, пройденного точкой, с помощью определенного интеграла $s = \int_{t_1}^{t_2} f(t) dt.$ Записан интеграл: $s = \int_0^{10} (3t^2 + 2t + 1) dt$ получено значение $S = 1110$ м. . Произведены вычисления,

Задание №2

Вычислите работу силы (один из возможных вариантов задания):

Сжатие x винтовой пружины пропорционально приложенной силе F . Вычислить работу силы F при сжатии пружины на 0,04 м, если для сжатия ее на 0,01 м нужна сила 10 Н.

Оценка	Показатели оценки
3	$A = \int_a^b f(x) dx.$ Записана формула вычисления работы силы: $F = kx,$ Записан закон Гука:
4	$A = \int_a^b f(x) dx.$ Записана формула вычисления работы силы: $F = kx,$ Записан закон Гука: $A = \int_0^{0,04} 1000x dx:$ Записано выражение
5	$A = \int_a^b f(x) dx.$ Записана формула вычисления работы силы: $F = kx,$ Записан закон Гука: $A = \int_0^{0,04} 1000x dx:$ Записано выражение Получен результат: $A = 0,8 \text{ (Дж)}.$

Задание №3

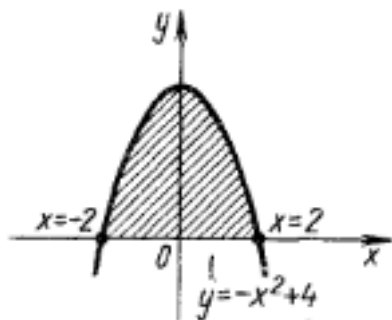
Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = -x^2 + 4$, используя определенный интеграл.

Построить чертеж.

(один из возможных вариантов задания)

Оценка	Показатели оценки
--------	-------------------

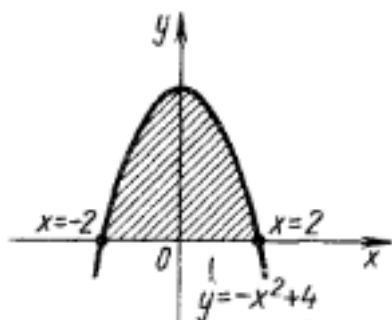
3



Построен чертеж:

Записана формула для вычисления площади фигуры. Найдены пределы интегрирования.

4

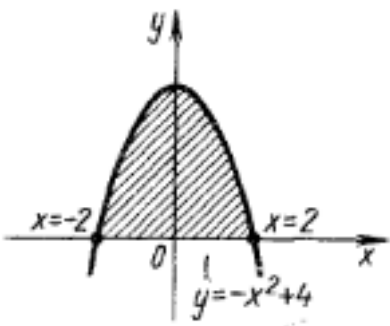


Построен чертеж:

Записана формула для вычисления площади фигуры. Найдены пределы интегрирования.

Записано выражение S для вычисления площади: $S = 2S_1$, где

$$S_1 = \int_0^2 (-x^2 + 4) dx$$

5	 Построен чертеж: Записана формула для вычисления площади фигуры. Найдены пределы интегрирования. Записано выражение S для вычисления площади: $S = 2S_1$, где $S_1 = \int_0^2 (-x^2 + 4) dx$ Получен результат: $S = 10\frac{2}{3}$ кв.ед.
---	--

Задание №4

Найдите угловой коэффициент касательной к графику функции $f(x) = x^3$ в точке $C(-2; -8)$

Оценка	Показатели оценки
3	Найдена производная функции
4	Правильно вычислено значение производной в точке C, но не указано, что коэффициент касательной в точке равен значению производной в этой точке
5	Показано, что угловой коэффициент касательной в точке C равен значению производной в данной точке. вычислено значение углового коэффициента.

Задание №5

Составить уравнение касательной к графику функции $y = 4x^2 - 8x - 2$ в точке $x_0 = 3$.

Оценка	Показатели оценки
3	Вычислено значение y_0 , найдена производная

4	Вычислено значение y_0 , найдена производная, вычислено значение производной в точке x_0 , допущены ошибки в составлении уравнения касательной
5	Задание полностью выполнено, записано уравнение касательной